



وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
مجمع آموزش عالی گناباد

« به نام خدا »



وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
مجمع آموزش عالی گناباد

تمرینات به همراه پاسخ تحلیلی سیستم های قدرت ۱

دکتر امین ربخبران

عضویت علمی مجمع آموزش عالی گناباد



مثال (۱) سه بار به صورت موازی به یک منبع تکفاز با ولتاژ مؤثر $1400V$ و فرکانس $50Hz$ مطابق شکل زیر وصل شده اند.

مشخصات بارها به این صورت است:

بار اول: بار القایی $125K.V.A$ با ضریب قدرت 0.28 پس فاز Lag

بار دوم: بار خازنی $10KW$ و $40KVAR$

بار سوم: بار اهمی $15KW$

مطلوبست : الف) S کل و ضریب توان منبع تغذیه

ب) اگر بخواهیم ضریب توان $0.8lag$ سپس فاز شود چه خازنی باید با بارها موازی کنیم. جریان را نیز در این حالت محاسبه کنید؟

حل الف)

$$S = S_1 < \cos^{-1} \varphi \rightarrow S = 125 < \cos^{-1} 0.28 = 35^{kw} + j120^{KVAR}$$

$$S = 10^{KW} - j40^{KVAR}$$

$$S = 15^{KW} + jo$$

$$S_T = (35 + j120) + (10 - j40) + (15) \rightarrow S_T = 60^{KW} + j80^{KVAR} \quad \text{oR} \quad 100 < 53.13$$

$$S = VI^* \rightarrow I = \frac{S^*}{V^*} = \frac{(60 - j80) \times 10^3}{14000 < 0} = 71.42 < -53.13$$

$$P.F = \cos(\angle v - \angle i) = \cos(0 - (-53.131)) = 0.6lag$$

حل ب)

$$q_{new} = p \tan(\cos^{-1} \varphi) = 6 \tan(\cos^{-1} 0.8) = 45^{KVAR}$$

$$q_c = q^{old} - q^{new} = 80 - 45 = 35 \text{KVAR} \rightarrow Z_c = \frac{v^2}{q_c} = \frac{1400^2}{j35000} = -j56\Omega \rightarrow xc = 56\Omega$$

پس $c = \frac{1}{z\pi fxc} = \frac{1}{2\pi \times 50 \times 56} = 56.84 \text{MF}$

$$I'_{new} = \frac{S^{new}}{v^x} = \frac{(60 - j45) \times 10^3}{1400 < 0} = 53.57 < -36.87 \text{A}$$

مثال 2) سه بار سه فاز مساوی با ولتاژ مؤثر 207.85V و فرکانس 60Hz تغذیه شده اند

بار اول: یک موتور 15hp که در بار کامل با بازده 93.25% درصد و ضریب قدرت 0.6lag کار می کند.

بار دوم: یک بار اهمی سه فاز متعادل که 6kw مصرف می نماید.

بار سوم: یک بانک خازنی ستاره با توان راکتیو کل 16KVAR

مطلوبست: الف) kw و KVAR و ضریب قدرت و جریان را در هر فاز مجموعه بارها بدست آورید

ب) چنانچه بانک خازنی قطع شود ولی بار اهمی و موتور القایی در مدار بماند، ضریب قدرت و جریان هر فاز سیستم چقدر است؟

حل الف)

$$\text{برای موتور } P_z = 15 \text{hp} \rightarrow P_z = 15 \times 746 = 11190 \text{W} \rightarrow \%n = \frac{P_z}{P_1} \times 100 \rightarrow P_1 = \frac{P_z}{\%n} \times 100 = \frac{11190}{0.9325} = 12 \text{kw}$$

$$\text{حال } P_1 \text{ داریم } q_1 = p \tan(\cos^{-1} \phi) = 12 \tan(\cos^{-1} 0.6) = 16 \text{kVAR} \rightarrow S_M = 12 \text{kw} + j16 \text{KVAR}$$

$$I_M = \frac{S_M^*}{3v^*} = \frac{(12 \text{kw} - j16 \text{kvar}) \times 10^3}{3 \times 120 < 0} = 55.55 < -53.13 \text{A}$$

بار دوم $P = 6kw, q = 0 \rightarrow s_2 = 6kw \rightarrow I_2 = \frac{S_2^*}{3v^*} = \frac{6 \times 10^3}{3 \times 120} = 16.66 < 0$

بار سوم $q_3 = q_c = 16KVAR, P_3 = 0 \rightarrow I = \frac{S_3^*}{3v^*} = \frac{(j16) \times 10^3}{3 \times 120} = 44.44 < 90$

محاسبه توان کل و I کل : $S_T = S_1 + S_2 + S_3 \rightarrow S_T = (12 + j16) + (6) + (-j16) = 18kw$

$I_T = I_1 + I_2 + I_3 = (55.55 < -53.13) + (16.66 < 0) + (44.44 < 90) = 50A$

حل ب) تمام محاسبات مثل مرحله الف است فقط شاخه 3 حذف می شود.

$I_t = I_1 + I_2 = (55.55 < -53.13) + (16.66 < 0) = 50 - j44.44 = 66.88 < -41.63A$

$P.F = \cos(\angle v - \angle i) = \cos(0 - (-41.63)) = 0.74lag$

مثال ۳) دو امپدانس $z_1 = 0.8 + j5.6\Omega$ و $z_2 = 8 - j16\Omega$ و موتور تکفازی بصورت زیر به دو سر یک منبع با ولتاژ مؤثر 200v و فرکانس 60Hz متصل شده اند. موتور توان 5kva را در ضریب قدرت 0.8 پس فاز مصرف می کند.

مطلوبست : الف) توان های مختلط S_1 و S_2 را برای Z امپدانس و S_3 را برای موتور بدست آورید.

ب) توان کل دریافتی از منبع ، جریان منبع و ضریب قدرت کل را تعیین کنید.

ج) برای بهبود ضریب قدرت و افزایش آن به مقدار واحد، خازنی با این بارها موازی شده است. توان خازن را بر حسب KVAR و ظرفیت آن را بر حسب MF بدست آورید. جریان خط پس از نصب خازن چقدر است؟

حل الف)

الف) $S_1 = \frac{V_1^2}{Z_1^*} = \frac{200^2}{0.8 - j5.6} = 1000^{KW} + j7000^{KVAR}$, $S_2 = \frac{V^2}{Z_2^*} = \frac{200^2}{8 + j16} = 1000 - j2000$

$$S_3 = S \cos^{-1} \varphi = 5 \times 10^3 \cos^{-1} 0.8 = 4000 + j3000$$

ب)

$$I = \frac{S^*}{V^*} = \frac{6000 - j8000}{200} = 30 - j40 = 50 \angle -53.13, PF = 0.6 \text{ lag}$$

$$\text{ج) } q_{\text{new}} = p \tan(\cos^{-1} \varphi) = 6000 \tan(\cos^{-1}(1)) = 0 \text{ KVAR}$$

$$q_c = q_{\text{old}} - q_{\text{new}} = 8000 - 0 = 8000 \text{ k var}$$

$$XC = \frac{V^2}{q_c} = \frac{200^2}{8000} = 5 \Omega \quad x_c = \frac{1}{\omega c} \rightarrow c = \frac{1}{2\pi \times 60 \times 5} = 530.51 \text{ MF}$$

$$I = \frac{S^*}{V^*} = \frac{6000}{200} = 30 \text{ A}$$

مثال 4) مطابق شکل امپدانس های $Z_1 = 100 \Omega$ و $Z_2 = 10 + j20$ به منبعی به ولتاژ 200 V وصل شده اند.

الف) توان های اکتیو و راکتیو کل، ضریب قدرت منبع و جریان کل را تعیین کنید.

ب) اگر بخواهیم ضریب توان 0.8 lag شود چه خازنی را باید با دو بار موازی کرد؟

الف)

$$I_1 = \frac{200 \angle 0}{100} = 2 \angle 0 \text{ A}$$

$$I_2 = \frac{200 \angle 0}{10 + j20} = 4 - 8j$$

$$S_1 = VI_1^* = (200 \angle 0)(2 \angle 0) = 400 + j0, S_2 = VI_2^* = (200 \angle 0)(4 + 8j) = 800 + j1600$$

$$S_T = (400) + (800 + j1600) = 1200 + j1600 \text{ V}\cdot\text{A}$$

$$I = \frac{S^*}{V^*} = \frac{200 \angle -53.13}{200 \angle 0} = 10 \angle -53.13$$

$$P.F = \cos(0 - (-53.13)) = 0.6 \text{ lag}$$

حل ب)

$$q_{new} = p \tan(\cos^{-1} \phi) = 1200 \tan(\cos^{-1} 0.8) = 900 \text{VAR}$$

$$q_c = 1600 - 900 = 700 \text{VAR}$$

$$XC = \frac{V^2}{q_c} = \frac{(200)^2}{j700} = 57.14 \Omega$$

$$c = \frac{1}{2\pi \times 60 \times 57.14} = 46.42 \text{MF}$$

$$I = \frac{S^*}{V^*} = \frac{1500 \angle -36.87}{200 \angle 0} = 7.5 \angle -36.87$$

5- در یک خط یکفاز که فاصله هادی ها از یکدیگر D و ارتفاع آنها از زمین h باشد. برای محاسبه کاپاستیانس خط انتقال از کدام رابطه بدست می آید.

$$1) r' = re^{-1/4} \quad 2) r' = r \sqrt{1 + \frac{D}{4h}} \quad 3) r' = re^{1/4} \quad 4) r' = r \sqrt{1 + \frac{D^2}{4h^2}}$$

6- یک خط انتقال به طول ۱۰ کیلومتر و شعاع متوسط هندسی هادی خط $D_s = 0.88 \text{cm}$ و قطر هادی های آن 2.2034cm است آرایش هادی ها مطابق شکل زیر است ، مطلوبست:

الف: اندوکتانس هر فاز این خط انتقال بر حسب میلی هانری ب) کاپاستیانس خط با اثر زمین و بدون اثر زمین

$$c = \frac{2\pi\epsilon_0}{\text{Ln} \frac{GMD}{GMR}} \text{ بدون اثر زمین}$$

$$GMD = \sqrt[3]{D_{12}D_{13}D_{23}} = \sqrt[3]{0.75^2 \times 1.25} = 0.8892$$

$$GMR_c = \frac{2.2034}{2} \div 100 = 0.011 \text{m}$$

$$c = \frac{2\pi \times 10^{-12} \times 8.85}{\text{Ln} \frac{0.8892}{0.011}} = 0.12659 \times 10^{-12} \text{ f/m}$$

$$c \text{ با اثر زمین} = \frac{2\pi\epsilon_0}{\text{Ln} \frac{GMD}{GMR_c} - \text{Ln} \frac{Hm}{Hs}} \rightarrow Hm = \sqrt[3]{H_{12}H_{13}H_{23}}, Hs = \sqrt[3]{H_1H_2H_3}$$

$$\rightarrow c = \frac{2\pi \times 8.85 \times 10^{-12}}{\text{Ln} \frac{0.8892}{0.011} - \text{Ln} \frac{24.288}{24.270}} = 0.1266 \times 10^{-12} \text{ f/m}$$

$$\rightarrow \frac{1.25}{2} = 0.625^m \rightarrow 0.75^2 = 0.625^2 + x^2 \rightarrow x = 0.41^m$$

$$H_{12} = \sqrt{(24.21)^2 + (0.625)^2} = 24.418^m = H_{23}$$

$$H_{13} = \sqrt{(24^2 + (1.25)^2)} = 24.032, Hm = \sqrt[3]{(24.418)^2 \times (24.032)} = 24.288^m$$

$$HS = \sqrt[3]{24^2 \times (24.82)} = 24.270^m$$

7- یک خط انتقال یک فاز به صورت زیر از سه سیم توپر به شعاع 0.3cm برای هادی رفت و یک سیم توپر به شعاع 0.2cm برای هادی برگشت تشکیل شده است. اندوکتانس کل هادی را محاسبه کنید (هادی رفت و برگشت به صورت سه رشته ای هستند)

$$GMDA = \sqrt[3]{D_{14}D_{24}D_{34}}$$

$$\rightarrow D_{14} = 7m \quad D_{24} = \sqrt{3^2 + 7^2} = 7.61m$$

$$D_{34} = \sqrt{6^2 + 7^2} = 9.21m$$

$$\rightarrow GMD_A = \sqrt[3]{D_{14}D_{24}D_{34}} = \sqrt[3]{7 \times 7.61 \times 9.21} = 7.88^m$$

$$\text{و } GMD_B = \sqrt[3]{D_{41}D_{42}D_{43}} = GMDA = 7.88^m$$

$$GMR_A = \sqrt[9]{r'A^3 \cdot D_{12}^2 \cdot D_{23}^2 \cdot D_{13}^2} = \sqrt[9]{(1.46 \times 0.3 \times 10^{-2})^3 \times 3^2 \times 3^2 \times 6^2} = 0.397$$

$$GMR_B = \sqrt{r'B} = \sqrt{(1.46 \times 0.2 \times 10^{-2})} = 0.054m$$

$$L_A = 2 \times 10^{-7} 1n \frac{GMD}{GMR_A} = 2 \times 10^{-7} 1n \frac{7.88}{0.397} = 5.97 \times 10^{-7} H/m \quad \text{یا} \quad 5.97 \times 10^{-4} H/km$$

$$L_B = 2 \times 10^{-7} 1n \frac{GMD}{GMR_B} = 2 \times 10^{-7} 1n \frac{7.88}{0.054} = 9.96 \times 10^{-7} H/m \quad \text{یا} \quad 9.96 \times 10^{-4} H/km$$

$$L_T = 5.97 \times 10^{-7} + 9.96 \times 10^{-7} = 15.93 \times 10^{-7} H/m$$

$$X_L = WL_T = 2\pi \times 60 \times 15.93 \times 10^{-7} = 0.0006\Omega$$

مثال 8) یک خط انتقال سه فاز دو مداره با مدل جابجا شده با $D_s = 1.7174_{cm}$ یا GMR و قطر هادی های آن 4.4069 است. فاصله هادی ها در یک گروه 45cm است. مطلوبست اندوکتانس در هر فاز؟

$$GMD = \sqrt[3]{D_{abeg} D_{aceq} D_{bceq}}$$

$$\rightarrow D_{ab} = \sqrt[4]{D_{ab}, D_{a'b}, D_{ab'}, D_{a'b'}}$$

$$= \sqrt[4]{\sqrt{4^2 + 10^2} \times \sqrt{20.5^2 + 9^2} \times \sqrt{20^2 + 10^2} \times \sqrt{3.5^2 + 9^2}}$$

$$\rightarrow D_{ab} = 15.105719^m = D_{bc}$$

$$D_{bc} = \sqrt[4]{D_{bc}, D_{b'c}, D_{bc'}, D_{b'c'}}$$

$$\rightarrow D_{bc} = \sqrt[4]{\sqrt{3.5^2 + 9^2} \times \sqrt{4^2 + 10^2} + \sqrt{20.5^2 + 9^2} \times \sqrt{20^2 + 10^2}} = 15.105719$$

$$D_{ac} = \sqrt[4]{D_{ac}, D_{a'c}, D_{ac'}, D_{a'c'}} = \sqrt[4]{\sqrt{0.5^2 + 19^2} \times \sqrt{0.5^2 + 19^2} \times 17 \times 16} = 17.7079m$$

$$GMD = \sqrt[3]{(15.105714)^2 \times 17.7049} = 15.9266$$

$$GMR = \sqrt[3]{GMR_A GMR_B GMR_C} \rightarrow D_{sb} = \sqrt{D_s \cdot d} = \sqrt{0.45 \times 0.017174} = 0.0088421$$

$$GMR_A = \sqrt{D_s D_{aa'}} = \sqrt{(0.08842) \sqrt{16.5^2 + 19^2}} = 1.4916^m$$

$$GMR_B = \sqrt{D_s D_{bb'}} = \sqrt{0.08842 \times 24} = 1.4567^m$$

$$GMR_C = \sqrt{D_s D_{cc'}} = \sqrt{(0.08842 \times \sqrt{16.5^2 + 19^2})} = 1.4916^m$$

$$GMR_L = \sqrt[3]{(1.4916)^2 \times 1.4567} = 1.4799^m$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \frac{15.9266}{1.4799} = 0.4752 \frac{mH}{km}$$

ب) ظرفیت خازنی این خط چقدر است؟

مثال 9) یک خط انتقال سه فاز 230kv جابجا شده دارای چهار هادی ACIR در هر فاز با آرایش افقی است. فاصله گذاری گروه ها 45cm می باشد. فرکانس این خط 60Hz و $D_s = 0.0466ft$ و قطر هادی های آن 1.382in است. مطلوبست:

الف) اندوکتانس و کاپاسیتانس هر فاز در هر کیلومتر خط را محاسبه کنید.

$$D_s \text{ یا } GMR_L = 0.0466 \times 0.305 = 0.0142^m$$

$$r \text{ یا } GMR_C = \frac{1.382}{2} \times 0.025 = 0.01755^m$$

$$GMD = \sqrt[3]{D_{ab} D_{ac} D_{bc}} = \sqrt[3]{14^2 \times 28} = 17.6389$$

$$GMR_L^b = 1.09 \times \sqrt[4]{D_s \cdot d^3} = 1.09 \sqrt[4]{(0.0142) \times (0.45)^3} = 0.206732^m$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \frac{GMD}{GMR} = 2 \times 10^{-7} \ln \frac{17.6389}{0.206732} = 0.8892 \frac{mH}{km} \quad \text{یا} \quad 8.892 \times 10^{-7} H/m$$

$$GMR_C = 1.09 \sqrt[4]{r \cdot d^3} = 1.09 \sqrt[4]{0.01755 \times 0.45^3} = 0.217974^m$$

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \frac{GMD}{GMR}} = \frac{2\pi \times 8.85 \times 10^{-12}}{\ln \frac{17.6389}{0.217974}} = 0.012 \frac{Mf}{km}$$

مثال 10) یک خط انتقال سه فاز با ولتاژ 69kv دارای طول 16km است. که دارای مقاومت سری 0.125 راکتانس 0.4375 اهم بر کیلومتر است. ولتاژ سمت ارسال ، تنظیم ولتاژ، توان سمت ارسال و بازده خط را هنگامیکه این خط توانهای زیر را تحویل می دهد، مطلوبست:

الف) 70MVA در ضریب 0.8lag و ولتاژ 64kv

ب) 120MW، در ضریب واحد و ولتاژ 64KV

الف) $Z = R + jx = 0.125 + j0.4375 =$ ابتدا Z را تعیین می کنیم

$$Z = z \cdot L = (0.125 + j0.4375) \times 16 = 2 + j7 \quad V_R = \frac{64 \times 10^3}{\sqrt{3}} = 36950V$$

$$I_R = \frac{S^*}{3V^*} = \frac{(70 < -\cos^{-1} 0.8) \times 10^6}{3 \times 36950} = 631.48 < -36.87A$$

$$V_S = V_R + ZI_R \rightarrow V_S = 36950 + (2 + j7)(631.48 < -36.87) = 40707.91565 < 3.91$$

$$V_{L-L} = V_S \cdot \sqrt{3} = 40707.91565 \times \sqrt{3} = 70.508^{KV}$$

$$\%V_R = \frac{|V_S| - |V_R|}{|V_R|} \times 100 = \frac{70.508 - 64}{64} \times 100 = 10.168\%$$

$$I_S = I_R = 631.4768 < -36.87A$$

$$S_s = 3vs \cdot I_s^* = 3 \times (40707.91565 < 3.91) \times (631.48 < 36.87) = 58.39^{MW} + j50.37^{MVAR}$$

$$\% \eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} = \frac{P_n(3\phi)}{ps(3\phi)} \times 100 = \frac{s \times \cos \phi}{ps} = \frac{70 \times 0.8}{58.39} \times 100 = 95.9\%$$

ب) $I_R = \frac{S^* R}{\sqrt{3}vR^*} = \frac{P - jQ}{\sqrt{3}v} = \frac{(120 - jo) \times 10^3}{\sqrt{3} \times 64} < 0 = 1082.5317 < 0$

$$V_S = V_R + ZIR = \left(\frac{64000}{\sqrt{3}} < 0\right) + (2 + 7j) \times (1082.5317 < 0) = 39842.72 < 10.9^\circ$$

$$V_{L-L} = 39842.72 \times \sqrt{3} = 69 \text{ kv} \rightarrow \%VR = \frac{|v_s| - |v_r|}{|v_r|} \times 100 = \frac{69 - 64}{64} \times 100 = 7.83\%$$

$$I_S = I_R = 1082.5317$$

$$S_S = 3V_S I_S^* = 3 \times (39842.72 < 10.9) \times (1082.5317 < 0) = 127.031 \text{ MW} + j24.61 \text{ MVAR}$$

$$\%n = \frac{Pr}{P_S} \times 100 = \frac{120}{127.031} \times 100 = 94.46\%$$

مثال 11) برای بهبود عملکرد خط مثال قبلی خازنهای موازی در سمت دریافت خط آن نصب شده اند. این خط 70 MVA را در ضریب قدرت 0.2 Lag و ولتاژ 64 kv تحویل می دهد. توان راکتیو کل (M.VAR) و ظرفیت خازنی هر فاز خازنهای با اتصال Y را هنگامیکه ولتاژ سمت ارسال یکی از دو مقدار زیر باشد مطلوبست (فرکانس 60 Hz)

الف) ولتاژ 69 kv

ب) ولتاژ 64 kv

$$Z = 2 + j7 = 7.2801 < 74.0546$$

$$qL \rightarrow SL = S < \cos^{-1} \phi = 70 < \cos^{-1} 0.8 = 56 \text{ MW} + j42 \text{ MVAR}$$

$$p_r = \frac{|V_{SL} - L| \cdot |V_{RL} - L|}{|Z|} \cos(\theta_B - \delta) - \frac{A \cdot |V_{RL} - L|^2}{|Z|} \cdot \cos(\theta_B - \theta_A)$$

$$\rightarrow 70 \times 0.8 = \frac{69 \times 64}{7.2801} \times \cos(74.0546 - \delta) - \frac{1 \times (64)^2}{7.2801} \times \cos(74.0546 - 0) \rightarrow \delta = 4.36$$

$$q_r = \frac{|V_{SL} - L| \cdot |V_{RL} - L|}{|Z|} \sin(\theta_1 - \delta) - \frac{A \cdot |V_{RL} - L|^2}{|Z|} \cdot \sin(\theta_1 - \theta_A)$$

$$q_r = \frac{69000 \times 64000}{7.2801} \sin(74.0546 - 4.36) - \frac{1 \times (64000)^2}{7.2801} \sin(74.0546 - 0)$$

$$q = 27883059.09 \text{ VAr}$$

$$q_c = q_r - q_l \quad q_c = 27883059.09 - 42000000 = -14116940.91 = -14.117 \text{ MVAR}$$

$$xc = \frac{v^2}{q_c} = \frac{(64000)^2}{-14116940.91} = 290.14784 \Omega$$

$$xc = \frac{1}{\omega \cdot c} \rightarrow c = \frac{1}{2\pi \times 60 \times 290.14784} = 9.142 \text{ MF}$$

مثال 12) پارامترهای یک خط انتقال بلند سه فاز 60HZ و 215KV و به طول 400km نسبت به طول برابر است با $Y = 3/2 \times 10^{-6}$ زیمنس بر کیلومتر و $Z = 0.1 + j0.5$ اهم بر کیلومتر، خط بار 150MW ضریب قدرت واحد را تغذیه می کند مطلوبست

الف) درصد تنظیم ولتاژ خط ب) قدرت ابتدا خط و راندمان

$$\text{الف) } Z = 0.1 + j0.5 = 0.51 \angle 78.7 \quad \text{و} \quad y = j3.2 \times 10^{-6} \angle 90$$

$$z_c = \sqrt{\frac{z}{y}} = \sqrt{\frac{0.51}{3.2 \times 10^{-6}}} \angle \frac{(78.7 - 90)}{2} = 399.2 \angle -5.65^\circ \Omega$$

$$\partial = \sqrt{zy} = (\sqrt{0.51 \times 3.2 \times 10^{-6}}) \angle \frac{78.7 + 90}{2} = 0.000125 + j0.001271$$

$$\partial L = (0.000125 + j0.001271) \times 400 = 0.05 + j0.5$$

$$VR = \frac{215 \times 10^3}{\sqrt{3}} = 124.13 \angle 0 \text{ kv} \quad \text{یا} \quad 124130.3079^V$$

$$|IR| = \frac{150 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 215 \times 10^3} = 402.8^A \quad \text{و} \quad IR = |IR| \angle \cos^{-1}(1) = 402.8 \angle 0$$

$$\cosh \alpha l = \cosh \alpha L \cos \beta L + j \sinh \alpha L \sin \beta L$$

$$= \cosh(0.05) \cos(0.5 \times \frac{180}{\pi}) + j \sinh(0.05) \sin(0.5 \times \frac{180}{\pi}) = 0.87 \angle 1.57$$

$$\sinh \partial L = \sinh \alpha L \cos \beta L + j \cosh \alpha L \sin \beta L = \sinh(0.05) \cos(0.5 \times \frac{180}{\pi}) + j \cosh(0.05) \sin(0.5 \times \frac{180}{\pi}) = 0.48 \angle 84.75$$

$$V_s = (\cosh \partial L) VR + (Z_c \sinh \partial L) IR = (124.13 \angle 0)(0.87 \angle 1.57) + (402.8 \times 10^3 \angle 0)(399.2 \angle -5.65) \times (0.48 \angle 84.75) \rightarrow VS$$

$$\rightarrow VS = 146.4 \angle 32.55 \text{ kv}$$

$$\%VR = \frac{\left| \frac{VS}{\cos \partial L} \right| - |VR|}{|VR|} \times 100$$

$$I_s = 386.52 \angle 24.28^A$$

$$= \frac{166.93 - 124.13}{124.13} \times 100 = 34.48\%$$

حل ب)

$$\text{قدرت ابتدا خط} = 3V_s I_s \cos \phi = 3 \times 146.4 \times 10^3 \times 386.5 \times \cos(32.55 - 24.28) = 167.98 \text{ MW}$$

$$n = \frac{150}{167.98} \times 100 = 89.3\%$$

مثال 13) یک خط ترانسپوز شده 345kv و 200km دارای پارامترهایی بصورت زیر است.

$$R = 0.032 \Omega/km \quad \text{و} \quad x = 0.35 \Omega/km \quad \text{و} \quad Y = j4.2 \times 10^{-6} \nu/km$$

بار کامل در طرف گیرنده خط 700^{MW} در ضریب توان 0.99 پیش فاز و در 95% ولتاژ نامی است مطلوبست

الف) پارامترهای ABCD مدار نامی:

ب) ولتاژ طرف فرستنده خط V_s و جریان I_s :

ج) درصد تنظیم ولتاژ:

$$\text{حل الف) } Z = zL \rightarrow Z = (0.032 + j0.35) \times (200) = 70.29 < 84.78 \Omega$$

$$Y = yL = (j4.2 \times 10^{-6}) \times (200) = 8.4 \times 10^{-4} < 90 \nu$$

$$A = D = 1 + \frac{YZ}{2} = 1 + (8.4 \times 10^{-4} < 90) \times (70.29 < 84.78) \times \frac{1}{2} = 0.9706 < 0.159$$

$$B = Z = 70.29 < 84.78 \Omega$$

$$C = Y(1 + \frac{YZ}{4}) = (8.4 \times 10^{-4} < 90)(1 + (8.4 \times 10^{-4} < 90)(70.29 < 84.78) \times \frac{1}{4}) = 8.277 \times 10^{-4} < 90.08$$

$$\text{ب) } V_{RL} - L = (345)(0.95) = 327.8^{KV}$$

$$\text{فاز } V_{Rq} = \frac{V_{RL} - L}{\sqrt{3}} = \frac{327.8}{\sqrt{3}} < 0 = 189.2 < 0^{KV}$$

$$|IR| = \frac{P}{\sqrt{3}V_R \cos \varphi} = \frac{700}{\sqrt{3} \times (327.8) \times (0.99)} = 1.246^A \quad I_R = IR < \cos^{-1} \varphi$$

$$I_R = 1.246 < \cos^{-1} 0.99 = 1.24 < 68.11$$

$$V_S = (1 + \frac{ZY}{2})V_R + Z I_R \rightarrow V_S = (0.9706 < 0.159) \times (189.2 < 0) + (70.29 < 84.78)$$

$$(1.246 < 8.11) = 199.6 < 26.17kv \rightarrow V_{SL} = 199.6\sqrt{3} = 345.8kv$$

$$I_S = VR(1 + \frac{ZY}{4})Y + (1 + \frac{ZY}{2})IR = (189.2 < 0)(8.277 \times 10^{-4} < 90.08) + (0.9706 < 0.159)$$

$$(1.246 < 8.11) = 1.241 < 15.5kv$$

حل ج)

$$\rightarrow VR\% = \frac{\left| \frac{V_{SL}}{A} \right| - |V_r L|}{|V_r L|} \times 100 = \frac{\left| \frac{345.8}{0.9706} \right| - 327.8}{327.8} \times 100 = 8.7\%$$

مثال 14) در یک خط انتقال سه فاز به طول 20km مقاومت هر فاز قابل صرف نظر بوده و راکتانس هر فاز آن $5 \frac{m\Omega}{km}$ است. بار انتهای خط توان 40MW را در ضریب قدرت واحد ولتاژ خط 132kv جذب می کند مطلوبست:

الف) ولتاژ ابتدای خط

ب) درصد تنظیم ولتاژ

حل الف)

$$Z = R + jx \rightarrow Z = jx$$

$$\rightarrow Z_L = 5 \times 10^{-3} \times 20 = 0.1\Omega$$

$$V_S = V_R + Z I_R \rightarrow VR = \frac{VL}{\sqrt{3}} = \frac{132 \times 10^3}{\sqrt{3}} = 76.21kv$$

$$\rightarrow V_S = 76.21 + (j0.1 \times 174.95) = 78.192$$

$$V_{SL} = \sqrt{3} \times 78.192 = 135.43kv$$

حل ب)

$$\%VR = \frac{\left| \frac{V_{SL}}{A} \right| - |V_r|}{|V_r|} \times 100 = \frac{135.43 - 132}{132} * 100 = 2.59\%$$

مثال 15) اگر خط انتقال طویلی دارای $\lambda = 500km$ و طول $315km$ و $Z_C = 320\Omega$ باشد، راکتانس معادل خط بدون تلفات چقدر است.

- ۱) 123.39Ω ۲) 240Ω ۳) 320Ω ۴) 63.42Ω

حل:

$$Z' = R + jx' \rightarrow Z' = jx'$$

$$x' = Z_C BL \rightarrow$$

$$X' = Z_C \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} L \cdot \frac{180}{\pi}\right) = 320 \sin\left(\frac{2\pi}{5000} \times 315 \times \frac{180}{\pi}\right) = 123.39\Omega$$

مثال 16) در یک خط انتقال $345kv$ فرکانس برابر $60Hz$ بوده و خط دارای مشخصات زیر است.

$$L = 130km \quad rR = 0.036\Omega/km \quad L = 0.8 \frac{mH}{Km} \quad c = 0.0112 \frac{MF}{Km}$$

فرض کنید این خط باری با $270MVA$ و ضریب توان $0.8Lag$ تحت ولتاژ $325kv$ تغذیه می کند
مطلوبست:

الف) کمیت های سمت ارسال ب) درصد تنظیم ولتاژ (با استفاده از مدل π)

$$x = \omega l = 2\pi \times 60 \times 0.8 \times 10^{-3} = 0.3015 \quad Z = R + jx = 0.036 + j0.3015$$

$$\rightarrow Z_L = ZL = (0.036 + j0.3015) \times 130 \rightarrow Z = 4.68 + 39.195j$$

$$Y = j\omega c = j(2\pi \times 60) \times (0.0112 \times 10^{-6}) = j4.222 \times 10^{-6}$$

$$Y = y.L = (j4.22 \times 10^{-6}) \times 130 = j0.000549$$

$$V_S = AV_r + BI_R \rightarrow V_R = \frac{325 \times 10^3}{\sqrt{3}} = 187638.83 < 0V$$

$$S = s < \cos^{-1} \phi = 270 < \cos^{-1} 0.8 = 216^{MW} + 162j^{MVAR}$$

$$I_R = \frac{S^*}{3V^*} = \frac{(216 - 162j) \times 10^6}{3 \times 187638.83} = 479.644 < -36.87A$$

$$V_S \rightarrow D = A = 1 + \frac{Zy}{2} \rightarrow \left(1 + \frac{(4.68 + 39.195j) \times (j0.000549)}{2}\right)$$

$$= 0.98924 + j0.001284 \quad \text{و} \quad B = Z \rightarrow B = 4.68 + 39.195j$$

$$c = Y\left(1 + \frac{ZY}{4}\right) = \left[j0.000549 \times \left(1 + \frac{(4.68 + 39.195j) \times (j0.000549)}{4}\right) \right]$$

$$c = -3.25 \times 10^{-7} + j0.000545 \quad \text{و} \quad V_S = 199.188 < 4.5125kv$$

(حل ب)

$$\%VR = \frac{\frac{345}{0.98924} - 325}{325} \times 100 = 7.308\%$$

$$I_S = CVR + DIR \rightarrow I_S = 421.132 < -25.568^A$$

$$S_S = 3V_S I_S^* = 218.85^{MW} + j124.225^{MVAR}$$

مثال 17) ثابت های ABCD یک خط انتقال سه فاز 500kv بدون تلفات عبارتند از :

$$A = D = 0.86 + jo$$

$$B = 0 + j130.2$$

$$C = j0.002$$

هنگامیکه این خط 1000^{MVA} را در ضریب قدرت 0.8Lag و ولتاژ 500kv تحویل میدهد کمیت های سمت ارسال و تنظیم ولتاژ را بدست آورید.

$$V_S = Avr + BI_R \rightarrow V_R = \frac{500 < 0}{\sqrt{3}} = 288.67^{kv}$$

$$I_R = \frac{S^*}{3V^*} = \frac{(800 - 600j) \times 10^{-6}}{3 \times 288.67 \times 10^3} = 1154.7 < -36.87$$

$$V_S = (0.86 \times 288.67 \times 10^3) + (j130.2)(1154.7 < -36.87) = 359181.7^v < 19.56$$

$$\rightarrow V_{SL} = \sqrt{3} \times V_S = 622.12^{kv}$$

$$I_s = CVR + DIR$$

$$\rightarrow I_s = (j0.002 \times 288.67 \times 10^3) + (0.86 \times 1154.7 \angle -36.87)$$

$$\rightarrow I_s = 794.64 \angle -1.33^\circ$$

$$S_s = 3V_s I_s^* \rightarrow 3 \times (359181.71 \angle 19.56)(794.64 \angle -1.33)$$

$$\rightarrow S_s = 800 + j305.3$$

(ب)

$$\%V_R = \frac{\left| \frac{V_{SL}}{A} \right| - |V_r|}{|V_r|} \times 100 = \frac{\frac{622.12}{0.86} - 500}{500} \times 100 = 44.67\%$$

مثال 18) نمایش امپدانس سیستم قدرت نشان داده شده که تمامی امپدانس ها بر حسب p.u در مبنای 100^{MVA} است، رسم کنید. ولتاژ 20KV را به عنوان مبنای ژنراتور انتخاب نمایید؟ توان سه فاز و مقادیر نامی ولتاژ خط به خط در زیر داده شده اند.

$$G_1 = 90^{MVA} \text{ و } 20kv \quad x'' = 9\% \quad Sb = 100^{MVA}$$

$$G_2 = 80^{MVA} \text{ و } 20kv \quad x'' = 16\% \quad Vb = 20^{kv}$$

$$T_1 = 80^{MVA} \text{ و } \frac{20}{200}^{KV} \quad x' = 16\%$$

$$T_2 = 80^{MVA} \text{ و } \frac{200}{20}^{KV} \quad x = 20\%$$

$$\text{خط} \text{ --- و } 200kv$$

$$\rightarrow S = 48^{MW} + j64^{MVAR} \text{ و } 200kv$$

حل مرحله ۱:

$$Vb_1 = 20kv$$

$$Vb_2 = \frac{20}{20} = \frac{200}{x} \rightarrow Vb_2 = 200^{kv}$$

$$Vb_3 = \frac{200}{200} = \frac{20}{x} \rightarrow Vb_3 = 20^V$$

حل مرحله ۲:

$$XG_1^{new} = x^{old} \left(\frac{sb^{new}}{sb^{old}} \right) \left(\frac{vb^{old}}{vb^{new}} \right) = 0.09 \times \left(\frac{100}{90} \right) \left(\frac{20}{20} \right)^2 = 0.1 p.u$$

$$XT_1 = 0.16 \left(\frac{100}{80} \right) \left(\frac{20}{20} \right)^2 = 0.2 p.u$$

$$XT_2 = 0.2 \left(\frac{100}{80} \right) \left(\frac{200}{200} \right)^2 = 0.25 p.u$$

$$X_{Line} = \frac{\text{مقدار واقعی} \dots}{\text{مقدار مبین}} = \frac{x}{xb} = \frac{120}{400} = 0.3 p.u$$

$$Xb = \frac{vb^2}{sb} = \frac{200^2}{100} = 400 \Omega$$

$$X_{G2} = 0.16 \times \left(\frac{100}{80} \right) \left(\frac{20}{20} \right)^2 = 0.2 p.u$$

$$Z_D = \frac{\text{مقدار واقعی} \dots}{\text{مقدار مبین}} = \frac{Z}{Zb}$$

$$Zb = \frac{vb^2}{sb} = \frac{200^2}{100} = 400$$

$$S = 48^{MW} + j64^{MW} = 80 < 53.13 \rightarrow \varphi = 0.6 \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \rightarrow Z_{p.u} = \frac{300 + j400}{400} = 0.75 + j0.1^{p.u}$$

$$|Z| = \frac{V^2}{S^*} = \frac{200^2}{48 - j64} = 300 + j400 \Omega$$

مثال 19) نمایش تک خطی سیستم قدرت به شکل زیر است که در آن شین (۱) دارای ژنراتور ، ولتاژ شین یک: $1 < 0$ بارهای برنامه ریزی شده در شین 2 و 3 نشان داده شده است. امیدانس خطوط نیز بر حسب p.u در مبنای $S_b = 100_{MVA}$ در نظر گرفته شده که از مقاومت و سوسپیتانس خط چشم پوشی شده است. مطلوبست: الف) V_2 و V_3 (به روش G.S) در دو تکرار بدست آورید. ب) اگر بعد از چندین

تکرار ولتاژها در مقادیر زیر همگرا شوند. تلفات خطوط و توان های اکتیو و

$$V_2 = 0.9 - j0.1^{p.u}$$

$$V_3 = 0.95 - 0.05j^{p.u}$$

راکتیوشین مرجع را حساب کنید:

$$1) S_2^{p.u} = \frac{(PG_2 + jQG_2) - (PD_2 + jQD_2)}{S_b}$$

$$S_2^{p.u} = \frac{-(400 + j320)}{100} = -4 - 3/2 j^{p.u}$$

$$S_3^{p.u} = \frac{(300 + j270)}{100} = -3 - 2/7 j^{p.u}$$

$$2) Y = \frac{1}{Z}, Y_{bas} = ?$$

$$Y_{12} = \frac{1}{Z} = \frac{1}{1/30j} = -30j$$

$$Y_{13} = \frac{1}{Z} = \frac{1}{0.0125} = -80j$$

$$Y_{bus} = \begin{bmatrix} -110j & 30j & 80j \\ 30j & -50j & 20j \\ 80j & 20j & -100j \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

$$Y_{23} = \frac{1}{Z} = \frac{1}{0.05j} = -20j$$

$$3) V_1 = 1 < 0, V_2^{(0)} = 1 < 0, V_3^{(0)} = 1 < 0$$

حدس اولیه

$$4) V_2^{(1)} = \frac{1}{y_{22}} \left[\frac{p + jq}{V_2^{(0)*}} - ((y_{21}v_1 + y_{23}v_3)) \right]$$

$$V_2^{(1)} = \frac{1}{-50j} \left[\frac{-4 - 3/2j}{1 < 0^*} - ((30j \times 1 < 0) + (20j \times 1 < 0)) \right] = 0.9394 < -4.8852$$

$$V_3^{(1)} = \frac{1}{y_{33}} \left[\frac{p + jq}{V_3^{(0)*}} - ((y_{31}v_1 + y_{32}v_2)) \right]$$

$$V_3^{(1)} = \frac{1}{-100j} \left[\frac{-3 + 2/7j}{1 < 0^*} - ((80j \times 1 < 0) + (20j \times 0.9394 < -4.8852)) \right] = 0.9612 < -2.7427$$

$$V_2^{(2)} = \frac{1}{y_{22}} \left[\frac{p + jq}{V_2^{(1)*}} - ((y_{21}v_1 + y_{23}v_3)) \right]$$

$$V_2^{(2)} = \frac{1}{-50j} \left[\frac{-4 + 3/2j}{0.9394 < 4.885} - ((30j \times 1 < 0) + (20j \times 0.9612 < -2.7427)) \right] = 0.914 < -6.1195$$

$$V_3^{(2)} = \frac{1}{y_{33}} \left[\frac{p + jq}{V_3^{(1)*}} - ((y_{31}v_1 + y_{32}v_2)) \right]$$

$$V_3^{(2)} = \frac{1}{-100j} \left[\frac{-3 + 2/7j}{0.9612 < 2.7427} - ((80j \times 1 < 0) + (20j \times 0.9141 < -6.1195)) \right] = 0.9534 < -2.9638$$

$$ب) P_1 = \text{Re}(V_1^* (y_{11}v_1 + y_{12}v_2 + y_{13}v_3))$$

$$P_1 = \text{Re}(1 < 0((-110j \times 1 < 0) + (30j \times (0.9 - j0.1)) + (80j \times (0.95 - 0.05j))))$$

$$P_1 = 7 - 7j^{p.u}$$

$$P_1 = (7 + 7j)^{p.u} \rightarrow \text{مقدار واقعی} \quad P_1 = (7 + 7j) \times 100 = 700 + 700j$$

$$S_{12} = V_1 I_{12}^* \rightarrow I_{12} = -I_{21}$$

$$I_{12} = (v_1 - v_2) y_{12} = (1 \angle 0 - (0.9 - j0.1)) \times (-30j) = 3 - 3j^{p.u}$$

$$S_{12} = (1 \angle 0) \times (3 + 3j) = 300^{MW} + j300^{M.V.A}$$

$$S_{21} = V_2 I_{21}^*$$

$$S_{21} = ((0.9 - j0.1) \times (-3 - 3j)) = -300^{MW} + 240j^{M.V.A}$$

$$SL_{12} = S_{12} + S_{21}$$

$$SL_{12} = (300 + 300j) + (-300 - 240j) = 60j$$

$$S_{13} = V_1 I_{13}^* \rightarrow I_{13} = -I_{31}$$

$$I_{13} = (v_1 - v_3) y_{13} = (((1 \angle 0 - (0.95 - j0.05)) * (-80j))) = 4 - j4 \rightarrow I_{31} = -4 + j4$$

$$S_{13} = (1 \angle 0)(4 + 4j) = 400 + 400j$$

$$S_{31} = V_3 . I_{31}^* = (0.95 - j0.05) \times (-4 - j4) = -400^{MW} - 360M.V.A.r$$

$$SL_3 = S_{31} + S_{13} = 40M.V.A$$

$$S_{23} = -100 - j80$$

$$S_{32} = 100 + j90 \rightarrow SL_{23} = S_{32} + S_{23} = 10M.V.A$$

مثال 20) نمایش تک خطی یک سیستم قدرت ساده سه شین بصورت زیر است:

که در شین های (۱) (۳) ژنراتور قرار می گیرد. ولتاژ شین (۱) $V_1 = 1.025 < 0$ ، اندازه ولتاژ شین (۳) با توان حقیقی تولیدی 300M.W.A را در مقدار 1.03 تثبیت شده است امیدانس خطوط بر حسب $p.u$ در مبنای 100M.V.A در شکل مشخص شده است. از مقاومت و سوسپتانس صرف نظر شده است. مطلوبست :

الف) با استفاده از $G.S$ و مقادیر اولیه $V_2^{(0)} = 1 + 0j$ و $V_3^{(0)} = 1 + 0j$ و تثبیت انداز $|v_3| = 1.03 p.u$ مشخص شده است. مقادیر v_2 و v_3 را تعیین کنید. (تا دو مرحله تکرار شود)

ب) اگر پس از چندین تکرار ولتاژ شین ها در مقادیر $v_2 = 1.001243 < -2.1$ ، $v_3 = 1.03 < 1.36851$ همگرا شوند.

توان های اکتیو و راکتیو شین مرجع، توان خطوط و تلفات خطوط محاسبه کنید:

نکته: در محاسبه ولتاژ شین $p.v$ در هر مرحله تکرار q جدید محاسبه شود

(الف)

$$1) \quad S_2^{p.u} = \frac{(p_{G2} - q_{G2}) - (p_{D2} - q_{D2})}{S_b} = \frac{-(400 + 200j)}{100} = -4 - 2j^{p.u}$$

$$S_3^{p.u} = \frac{(PG3 - q_{G3}) - (p_{D3} - QD3)}{S_b} = \frac{-300}{100} = -3^{p.u}$$

$$2) \quad Y_{12} = \frac{1}{Z_{12}} = \frac{1}{j0.025} = -40j$$

$$Y_{13} = \frac{1}{Z_{13}} = \frac{1}{j0.05} = -20j$$

$$Y_{23} = \frac{1}{Z_{23}} = \frac{1}{j0.025} = -40j$$

$$\text{ماتریس } Y_{bus} = \begin{bmatrix} -60j & 40j & 20j \\ 40j & -80j & 40j \\ 20j & 40j & -60j \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

حدس اولیه:

$$\text{۳) } V_1 = 1.025 < 0, V_2^{(0)} = 1 < 0, V_3^{(0)} = 1.03 < 0$$

$$V_2^{(1)} = \frac{1}{y_{22}} \left[\frac{p_2 - jq_2}{V_2^{(0)*}} - ((y_{21}v_1) + (y_{23}v_3)) \right]$$

$$V_2^{(1)} = \frac{1}{-80j} \left[\frac{-4 + 2j}{1 < 0} - ((40j \times 1.025 < 0) + (40j \times 1/03 < 0)) \right] = 1.0037 < -2.8552$$

$$V_3^{(1)} = \frac{1}{y_{33}} \left[\frac{p_3 + jq_3}{V_3^{(0)*}} - ((y_{31}v_1) + (y_{32}v_2)) \right]$$

$$q_3 = ? \rightarrow p_3^{(1)} = \text{Re}l(v_3^{(0)}(y_{31}v_1 + y_{32}v_2 + y_{33}v_3))$$

$$P_3 = [1.03 < 0((20j \times 1.025 < 0) + (40j \times (1.0025 - j0.05))) + (-60j \times 1.03 < 0)]$$

$$P_3 = 2.06 - 1.236j \rightarrow P_3 = -2.06 + 1.236j$$

$$V_3^{(1)} = \frac{1}{-60j} = \left[\frac{+3 - 1.236j}{1.03 < 0} - ((20j \times 1.025 < 0) + (40j \times 1.0037 < -2.8552)) \right]$$

$$V_3^{(1)} = 1.03 < 0.8462 \text{ یا } 1.0299 + 0.0152j$$

$$V_2^{(2)} = \frac{1}{-80j} \left[\frac{-4 + 2j}{1.0025 + 0.05j} - ((40j \times 1.025 < 0) + (40j \times (1.0299 + j0.0152))) \right]$$

$$V_2^{(2)} = 1.0001 - 0.0409j$$

$$P_3 = [V_3^{(1)*}(y_{31}v_1) + (y_{32}v_2) + y_{33}v_3]$$

$$P_3 = [(1.0299 - j0.0152) \times ((20j \times 1.025 < 0) + (40j \times (1.0001 - 0.0409j))) + (-60j \times (1.0299 + j0.0152))]$$

$$q_3 = 1.367$$

$$V_3^{(2)} = \frac{1}{-60j} \left[\frac{3 - 1.3671j}{1.0299 - 0.0152j} - ((20j \times 1.025 < 0) + (-40j \times (1.0001 - 0.0409j))) \right]$$

$$V_3^{(2)} = 1.0298 + 0.0216j$$

$$S_{12} = V_1 I_{12}^*$$

$$I_{12} = -I_{21}$$

(ب)

$$I_{12} = (V_1 - V_2) y_{12} = (1.025 < 0 - (1.000571 - 0.0366898j)) \times (-40j) = 1.467592 - j0.9771$$

$$I_{21} = -1.467592 + j0.9771^{p.u}$$

$$S_{12} = V_1 I_{12}^* = (1.025 < 0) \times (1.467592 + j0.9771) = 150.428^{MW} + j100.159^{MV.A.r}$$

$$S_{21} = (1.000571 - j0.0366898) \times (-1.467592 + j0.9771) = -150.428^{MW} - j92.387^{MV.A.r}$$

$$SL_{12} = S_{12} + S_{21} = (150.428 + j100.159) + (-150.428 - j92.387) = j7.772^{M.V.A.r}$$

$$I_{13} = (V_1 - V_3) y_{13} = (1.025 - (1.029706 + j0.0246)) \times (-20j) = -0.492 + j0.09412$$

$$I_{31} = +0.492 - j0.09412$$

$$S_{13} = (V_1 V_{13}^*) = (1.025) \times (-0.492 - j0.09412) = -50.43^{MW} - j9.6473^{MV.A.r}$$

$$S_{31} = V_3 I_{31}^* = (1.029706 + j0.0246) \times (0.492 + j0.09412) = 50.43^{M.W} + j10.602^{MV.A.r}$$

$$SL_{13} = S_{13} + S_{31} = j1.2546^{MV.A.R}$$

$$I_{23} = (V_2 - V_3).Y_{23} = ((1.000571 - j0.0366898) - (1.029706 + j0.0246)) * (-40j) = -2.451592 + j1.1654$$

$$I_{32} = -(-2.451592 + j1.1654) = 2.451592 - j1.1654$$

$$S_{23} = V_2 . I_{23}^* = (1.000571 - j0.0366898) * (-2.451592 - j1.1654) = -249.575^{MW} - j107.611^{MV.A.R}$$

$$S_{32} = V_3 . I_{23}^* = 249.575^{MW} + 126.033^{MV.A.R}$$

$$SL_{13} = S_{23} + S_{32} = j18.422^{MV.A.R}$$

$$S_1 = S_{12} + S_{13} = (150.428 + j100.159) + (-50.43 - j9.6473)$$

$$S_1 = 100 + j90.51$$